

- b) Benetan bakterioak egotearen probabilitatea, testaren emaitza negatiboa izan denean.
- c) Bakterioak egotearen eta gainera testa positiboa izatearen probabilitatea.
- 5F. Kalitate kontrol bat lau artikuluk gainditzen dute, bostetik. Guztira 4.000 artikulua aukeratzeko kontrol hori pasatzeko.
- a) Zer probabilitate dago kalitate kontrola 1.900 eta 2.100 (bi balioak barne) artikuluen artean gainditzeko?
- 5G. Unibetsitateko lehen mailako irakasgai batean matrikulatuta dauden 300 ikaslelik, 210 klasera joaten dira. Gainera, klasera joaten diren % 80ak eta joaten ez diren % 15ak gainditzen dute azterketa. Kalkula itzazu
- a) Ikasle bat ausaz aukeratu, gainditua izanaren probabilitatea.
- b) Ikasle bat ausaz aukeratu gainditua bada, klasera joaten ez diren taldekoa izatearen probabilitatea.



Universidad del País Vasco
Euskal Herriko Unibertsitatea

NAZIOARTETKO
BIKAINITASUN
CAMPUSA
CAMPUS DE
EXCELENCIA
INTERNACIONAL

HEZKUNTZA SAIALA
Hezkuntza Sailburuordetza



DEPARTAMENTO DE EDUCACION
Viceconsejería de Educación

GOBIERNO VASCO

EUSKO JAURLARITZA

- 5A. Lanparak egiten dituen lantegi batek ekoizten dituen lanparen biziitzaren suposatzen da. Irupenaren batezbestekoa 68 hilabetekoa dela eta desbiazioa 5 hilabetekoa dela suposatzen da. Lantegitik 10.000 lanparako sorta bat atera da. a) Lanparen zer portzentajea uste da 75 hilabeteak gaindituko dutela? b) Zenbat lanpara apurtuko dira 60 hilabete baino lehenago?
- 5B. Apal batean 80 eleberrri eta 10 olerki liburu daude. A pertsona batek liburu bat ausaz hartu eta eramaten du. Jarraian B beste pertsona batek betse liburu bat ausaz hartzen du. a) Zer probabilitate dago B pertsonak aukeratutako liburu eleberrria izateko? b) B pertsonak eleberrri bat hartu duela jakinik, zer probabilitate dago A pertsonak aukeratutako liburu olerkia izateko?
- 5C. Kutxa batean bost tanpon daude. Hiru txanpon arruntak dira, betse bi txanponek aurpegi bi dituzte, eta bestea kargatuta dago aurpegia ateratzeko probabilitatea $1/3$ izateko. Txanpon bat ausaz aukeratzeko da eta alirera botatzen da. a) Kalkulatu aurpegia ateratzeko dagoen probabilitatea. b) Aurpegia atera bada, zein da aukeratutako txanpona kargatuta dagoena izateko probabilitatea?
- 5D. Txanpon bat alirera botatzen da 400 bider. Zein probabilitatea dago aurpengien kopurua 170 eta 210en artean egoteko, balio biak barne izanik?
- 5E. Test batek uran dagoen T motako bakterioaren presentzia 0,9ko probabilitatearekin hautemanten du, bakterioak egonez gero. Ez badaude, ez daudela hautematen du 0,8ko probabilitatearekin. Ur lagin batean T tipoko bakterioak egoteko probabilitatea 0,2koa dela jakinik, kalkulatu: a) Benetan bakterioak egotearen probabilitatea, testaren emaitza positiboa izan bada.

$$\int \frac{x^3 + 2x^2 - 2x - 5}{x^2 + 2x - 3} dx$$

$$\int x^2 e^x dx$$

$$\int x^2 \ln x dx$$

$$\int \frac{x^3 + x}{2x^2 - 3x + 2} dx$$



Universidad del País Vasco
Euskal Herriko Unibertsitatea

NAZIOARTETOKO
BIKAINITASUN
CAMPUSA
CAMPUS DE
EXCELENCIA
INTERNACIONAL

HEZKUNTZA SAIA
Hezkuntza Sailburuordetza

DEPARTAMENTO DE EDUCACION
Viceconsejería de Educación



EUSKO JAURLARITZA GOBIERNO VASCO

MATEMATIKA II - B AUKERA

1. - Matrice hau emanda: $A = \begin{pmatrix} c+d & d \\ 2c & c+d \end{pmatrix}$

a) Aurki itzazu c eta d parametroen zein balioetarako A matrizeak alderantzikoa alderantzizkoa duen.

b) Aurki ezazu Determinar la inversa de la matriz alderantzizkoa c = 0; d = 1 kasuan.

2.- Zuzen hau emanda $r \equiv \begin{cases} x - y + z = 0 \\ x - 2y + 4z = 1 \end{cases}$

eta plano hau: $2x - Ay + 3z = 2$.

a) Kalkula ezazu A parametroaren balioa zuzen eta plano paraleloak izan daitezzen.
b) A=1 baliorako, eman planoa eta zuzenaren arteko ebakidura.

3.- Kalkula itzazu, emaitzak arrazoituz, ondoko funtzioaren definizio eremua, goratze- eta beharitze-tarteak eta asintotak:

$$y = \frac{1}{(3-x)(x-3)} + 2$$

4.- Eman ezazu a konstante postibioaren balioa $y = 3ax^2 + 2x$ parabolak, $y = 0$ zuzenak eta $x = a$ zuzenak mugatutako eremuaren azalera $(a^2 - 1)^2$ jakinik.

5.- Eskualde bateko biztanleen %15a nerabeak dira. 600 biztanleen lagin bat hartzen bada, eman:

a) Nerabe diren pertsonen kopurua 80 baino handiagoa izateraren probabilitatea.
b) Nerabeen kopurua 80 eta 110 artean egotearen probabilitatea.

MATEMATIKA II - A AUKERA

1.- Eztabaidatu sistema hau b parametroaren balioen arabera.

$$x + y + z = 0$$

$$-x + 2y + bz = -3$$

$$x - 2y - z = b$$

Soluzioa aurkitu $b = 5$ baliorako.

2.- Izan bedi $x - 2y + 2z = 3$ planoaren ekuazioa.

a) Eman $A(0, -4, 4)$ puntuaren simetrikoa plano horrekiko.

b) Eman AA' distantzia (A' emandako planoarekiko A -ren simetrikoa izanik).
c) Kalkula ezazu planoaren perpendikularki ebakitzen duen eta AA' zuzenkiaren
erdiko puntutik pasatzen den zuzenaren ekuazioa.

3.- Kalkula ezazu triangelu batek muga ahal duen azalerarik maximoa, haren
alde luzeenak bi metroko luzera badu.

4.- Kalkula ezazu integral ez-mugatu hau

$$\int \frac{2x+1}{(x^2-3x+2)(x+4)} dx$$

kalkulu horri egiteko erabili den metodoa azalduz.

5.- Hiru kutxa ditugu: A kutxak 3 bola gorri eta 5 bola beltz ditu, B kutxak bi bola
gorri eta bola beltz bat ditu, eta C kutxak bi bola gorri eta 3 bola beltz ditu.
a) Zer probabilitate dago, kutxa bat ausaz aukeratu, bola beltza izateko?
b) Zer probabilitate dago bola gorria izateko?
c) Kutxa bat zoriz aukeratu dugun eta bola bat ateratzen dugun. Bola gorria
izan bada, zer probabilitate dago bola A kutxatik aterata izana?



Universidad
del País Vasco
Euskal Herriko
Unibertsitatea

NAZIOARTETIKO
BIKAINITASUN
CAMPUSA
CAMPUS DE
EXCELENCIA
INTERNACIONAL

HEZKUNTZA SAILA
Hezkuntza Sailburuordetza



EUSKO JAURLARITZA

GOBIERNO VASCO
DEPARTAMENTO DE EDUCACION
Viceconsejería de Educación



3A. a) Eman, emaitzak arrazoituz, $y = x^2 - 3x + 2$ funtzioaren maximo eta

minimoen balioak (-1,5) tartean funtzioaren irudia eginez.

b) Zein puntuetan funtzioak ez ditu deribatutik? Erantzun arrazoituz.

c) Kalkula ezazu funtzioaren zuzen ukitzaila $x=3/2$ puntuan.

3B. 54 m²-ko azalera osatzen duen zilindro itxia formako ontzi bat egon nahi da. Eman erradio eta altueraren neurriak haren bolumena maximoa izan dadin.

3C. Azter ezazu $f(x)$ funtzioaren jarraitutasuna eta deribagarritasuna zuzen erreal osan, a eta b parametroen balioen arabera, $f(x)$.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2 & \text{si } x \leq 0 \\ \sqrt{ax + b} & \text{si } 0 < x \leq 2 \\ -\frac{x}{3} + \frac{\sqrt{2}}{2} & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

3D. Izan bedi $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$. Kalkula itzazu a, b, c eta d balioak

funtzioak propietate hauek beteze ditzan: $y+1=0$ zuzena tangentea f-ren grafikoarekiko tangentea izan dadin (0,-1) puntuan eta $x-y-2=0$ zuzena f-ren grafikoarekiko tangentea izan dadin (1,-1) puntuan.

3E. Izan bedi $f(x) = xe^x$ funtzioa. Azter itzazu:

- a) Funtzioaren goratze- eta beharitze-tarteak.
- b) Maximo eta minimo erailiboak, asintotak eta inflexio-puntuak.

4A. $x=0$ zuzenak bi zatitan banatzen du $f(x) = -x^2$ eta $g(x) = 2x - 3$ funtzioek definitutako eremua. Zein da x-ren balio negatiboel dagozkien eremuaren azalera?

4B. Izan bedi $f(x) = \frac{x^2-1}{x}$ funtzioa. Kalkulatu funtzio horren grafikoak eta $x=-4$

eta $x=-2$ zuzenek mugatzen duten eremuaren azalera.

4C. Ebatzi ondoko integralak:

$$\int (2x - 5) \sin x \, dx$$

$$\int \frac{x^2 + 4}{5x + 3} dx$$

balioa ?

2D.- Zein da $\sqrt{3}x - z = 3$ plano eta $r \equiv \begin{cases} x + y = 1 \\ y - z = -1 \end{cases}$ zuzenak osatzen duten angeluaren

2C.- Kalkulatu (3, 5, 0) puntutik (0, 1, 2) eta (0, 1, 1) puntuetatik pasatzen den zuzenera dagoen distantzia.

$$r \equiv x = y = z = a \quad ; \quad s \equiv \frac{2x-1}{y+3} = \frac{y-2}{z-2} = 0$$

2B. Eman a-ren balioa, zehinetarako r eta s zuzenak ebakitzen diren eta kalkulatu beraien arteko ebakitze-puntua.

2A. Eman A (1, 1, 1) eta B (0, 2, 0) erpinak, eta M (0, 0, 1) zentroa duen paralelogramoaren azalera.

-----00000000-----

b) Ebazi sistema $a = 1$ kasurako.

$$-x + ay + 2z = a$$

$$x - 2z = -1$$

$$(a - 3)x + 4z = 2$$

1C. a) Eztabaidatu sistema hau a parametroaren balioen arabera:

$$A = \begin{pmatrix} a^2 & b^2 & c^2 \\ a & b & c \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

1B. Kalkula ezazu A matrizearen determinantea:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & b & b \\ 1 & 0 & 1 \\ b & -2 & 0 \end{pmatrix}$$

1A. Azter ezazu A matrizearen heina b parametroaren arabera eta eman A-ren alderantzizkoa $b=1$ baliorako.

Matematika II irakasgaiarako ariketa tipo gehiago

Universidad del País Vasco
Euskal Herriko Unibertsitatea



NAZIOARTeko
BIKAIN TASUN
CAMPUSA
CAMPUS DE
EXCELENCIA
INTERNACIONAL

HEZKUNTZA SAILA
Hezuntze Sailburuordetza



GOBIERNO VASCO

DEPARTAMENTO DE EDUCACION

Viceconsejería de Educación



4. Probabilitatea.

Helburuak.

ikasleek helburu hauek erdietsi behar dituzte:

- Zenbatzeko teknikak erabiltzea: zuhaitz diagrama eta oinarritzko konbinatoria.
- Probabilitateak esleitzea gertaera bakun eta konposatuak, mendekoel nahiz independenteak.
- Probabilitate baldintzatuen kontzeptua aplikatzea eta kontzeptu horri lotutako egoerak ebaztea.
- Probabilitate banaketa normalaren eta binomialaren bidez modeliza daitezkeen egoerak identifikatzea eta ebaztea.

Kontzeptuak, prozedurak eta emaitzak.

- Hauk dira aipatutako helburuak lortzeko kontzeptu, metodo eta emaitza teoriko nagusiak:
- Ausazko esperimendu bakunak eta konposatuak. Probabilitateen kalkulua. Laplaceren legea.
 - Probabilitate baldintzatua. Gertaeren mendekotasuna eta independentzia.
 - Probabilitate totalaren teorema eta Bayesen teorema.
 - Probabilitate banaketak: binomiala eta normala. Probabilitateen kalkulua.
 - Banaketa binomialerako hurbilketa banaketa normalaren bidez.

Metodoari eta edukiari buruzko orientazioak.

- Denbora mugatua izango denez, probabilitatearen kalkuluari buruzko atala oso modu funtzionalan lantzea komeni da. Ez erabili neurritz kanpo Kolmogoroven axiomatika, eta garrantzi handiagoa eman estrategiei, hala nola zuhaitz diagramari eta kontingentzia taulari.
- Probabilitate baldintzatua eta Bayesen legea lantzea oinarritzko helburua da arlo honetan, eta komeni da era askotako ariketak egitea.
- Banaketa binomial zein normalak ikasteko kasu praktikoeetan oinarritu behar da, eta erraztasunez erabili behar dira banaketa horiei buruzko taulak.
- Banaketa binomial zein normalatik banaketa binomialera nola hurbildu ikastea. Berezikoki interesgarria da banaketa normalatik buruzko problema bat sartuko da, eta beste Probako aukeretako batean probabilitateari buruzko problema bat sartuko da, eta beste aukeran, berriz, banaketa binomial zein normalen gaiarekin lotutako egoera bat ebazti behar da.

(Honekin batera doaz zenbait proba eredu)



Metodoari eta edukari buruzko orientazioak.

- Limiteen atalean zenbat kontzeptu landu behar dira, hala nola funtzio baten limitea puntu batean eta limite infinituak nahiz limiteak infinituan, gehikuntza zatiduren eta asintoten kalkularen bidez deribatuaren trataera oinarritzeko.
- Nabarmendu egin behar da deribagarritasunak jarraitutasuna dakarrela baina alderantzizko baieztapena ez dela zuzena.
- Batez besteko balioaren teorema dagokionez, horren frogantzaren eta interpretazio geometrikoaren eskema bat eman behar litzateke, gutxienez.
- Lehenengo deribatuaren eta bigarren deribatuaren irizpideak optimizaziorako aplikazioetarako oinarriak dira.
- Funtzioen adierazpenen atalean, laguntzaile matematikoren bat (Geogebra, Derive, Mathematica, etab.) erabili behar litzateke, bestela luze joko luketen alderdiak sendotzeko.
- L'Hopitalen erregela indeterminazioak ebazteko tresna garrantzitsu gisa aurkeztu behar da, eta aplikagarritasun baldintzak azpimarratu behar dira ariketetan.
- Oinarritzko integrazio metodoak honako hauetara mugatu dira (unibertsitatera sartzeko proban proposatutako ariketei dagokienez):
 - Aldagai aldaketa oso erraz eta zuzenak.
 - Zatikako integrazioa: funtzio polinomikoak, esponentialak, logaritmikoak eta trigonometrikoak, eta horien biderkaduraren bat.
 - Funtzio arrazionalak: hiru edo maila txikiagoko izendatzaileak.
 - Funtzio trigonometrikoak: aldagai aldaketaren bidez edo zatikako integrazioaren bidez ebaz daitezkeenak.

Oharrak.

- Integral mugatua behe eta goi baturen kontzeptuaren bidez eta horrek figura lauen azalerarekin duen loturaren bidez azaldu behar da, figura lauen azaleraren kalkulua baita haren aplikazio nagusia.
 - Behe eta goi baturei buruzko ariketa erraz batzuk proposa daitezke integralaren aplikazio gisa, desberdintzak lortzeko eta kontzeptuak hobeto ulertzeko.
 - Barrowen formulak integral mugatuaren, jatorrizkoen eta kalkulu diferentzialaren arteko lotura ezartzen du, eta integralaren aplikazio garrantzitsuenen oinarria da.
1. Lehenengo mailan oinarritzko grafikoko batzuen propietate orokorrak landu behar dira modu errazean, hala nola funtzio logaritmikoarenak, funtzio esponentialarenak, funtzio trigonometrikoarenak, alderantzizko funtzioarenak, etab.
2. Trigonometria lehenengo mailan zehar landu behar da, eta garrantzia eman behar zaie funtzioen arloari eta horren aplikazioei.
3. Garrantzitsua iruditzen zaigu ikasgelan laguntzaile matematikoak erabiltzea hobeto ulertzeko funtzioekin zerikusia duten zenbat kontzeptu.
4. Unibertsitatera sartzeko proban ez dira agertuko ez funtzio irrazionalen integrazioa, ez funtzio trigonometriko irrazionalak.

Oharra.

Garrantzitsua da aurreko ikasmailetan ikasleek zenbait gai landu izana, hala nola koordinatuen esanahia, erreferentzia sistemak eta kalkulu bektoriala planoa.

3. Analisia.

Helburuak.

Ikasleek helburu hauek erdietsi behar dituzte:

- Limite funtzionalaren definizioa eta propietateak ezagutzera eta erabiltzea.
- Deribatuen definizioa, propietateak eta interpretazioa ezagutzera eta erabiltzea.
- Oinarriko funtzio batuen deribatua aurkitzea.
- Deribazioari buruzko emaitza nagusiak ezagutzera eta erabiltzea.
- Deribatutako funtzioak, desberdintzak eta optimizazioa aztertzeke aplikatzea.
- Jatorrizkoak kalkulatzeko integral metodo batzuk erabiltzen jakitea. Berezik, zatikako integrala, ordezen metodoa eta integral arrazional bakunak azterketa.
- Integral mugatuaren eta jatorrizkoaren arteko erlazioa ezagutzera eta erabiltzea.
- Integral mugatua erabiltzea esparruen azalera kalkulatzeko.

Konzeptuak, prozedurak eta emaitzak.

Hauek dira aipatutako helburuak lortzeko kontzeptu, metodo eta emaitza teoriko nagusiak:

- Funtzio baten limitea puntu batean.
- Limite infinituak eta limiteak infinituan: asintotak.
- Indeterminazioak eta horien kalkulua.
- Funtzio baten jarraitutasunaren kontzeptua. Eten motak.
- Gehikuntza zatidurak eta deribatua. Interpretazio geometrikoa eta zuzen ukitzailea.
- Funtzio deribatua. Deribazioaren propietateak: batura, biderkadura eta zatidura.
- Katearen erregela eta ondorioak: alderantzizko funtzioa eta deribazio logaritmikoa.
- Deribatutari buruzko emaitza nagusiak: batez besteko balioaren teorema.
- L'Hopitalen erregela. Indeterminazioen ebazpena.
- Aplikazioak: hazkuntza, lehenengo deribatuen irizpidea, bigarren deribatuen irizpidea.
- Funtzioen adierazpena.
- Optimizazio problemak.
- Jatorrizkoaren kontzeptua.
- Integral metodoak: ordezena, zatikako integrala, integral arrazionalak, integral trigonometrikoak.
- Behe baturak eta goi baturak. Integral mugatua eta horren interpretazio geometrikoa.
- Barrowen formula. Integral mugatuaren aplikazioak esparru lauen azalera kalkulatzeko.



Universidad Euskal Herriko
Unibertsitatea

NAZIOARTETAKO
BIKAINTASUN
CAMPUSA
CAMPUS DE
EXCELENCIA
INTERNACIONAL

HEZKUNTZA SAHIA
Hezkuntza Sailburuordetza



GOBIERNO VASCO
DEPARTAMENTO DE EDUCACION
Viceconsejería de Educación

2. Geometria.

Helburuak.

Ikasleek helburu hauek erdietsi behar dituzte:

- Koordinatuak eta erreferentzia sistema espazialak erabiltzea.
- Bektore kalkulua, horren propietateak eta aplikazioak erabiltzea.
- Biderkadura eskalarren eta bektorialaren kontzeptuak geometriaren arloan aplikatzea.
- Ekuazioak dagozkien objektu geometrikoekin erlazionatzea.
- Zuzenak eta planoez espazioan duten kokapen erlatiboa aztertzea.
- Problema metrikoak ebaztea.

Kontzeptuak, prozedurak eta emaitzak.

Hauek dira aipatutako helburuak lortzeko kontzeptu, metodo eta emaitza teoriko nagusiak:

- Erreferentzia sistemak eta koordinatuak. Bektoreak.
- Eragiketak bektoreekin (biderkadura eskalarra, bektoriala eta mistoa) eta propietateak.
- Eragiketa horien adierazpen analitikoa.
- Espazioko zuzenaren ekuazioa. Bi zuzenen kokapen erlatiboa.
- Espazioko planoaren ekuazioa. Puntu, zuzen eta planoen kokapen erlatiboak.
- Espazioko geometriari buruzko problema metrikoak, angeluen, distantzien, azaleren eta bolumenen kalkularekin lotutakoak.

Metodoari eta edukiari buruzko orientazioak.

- Ikasmalla honetako geometriak hiru dimentsioko espazio geometria du ardatz.
- Zuzenen zein planoen ekuazioaren adierazpenak eta ikuspegi aljebraikotik nahiz bektorialetik horiei buruz egiten diren interpretazioak garrantzitsuak dira, problema gehienetan ebazteko zailtasuna nabarmen txikitzen baita ekuazioaren adierazpen egokia aukeratzeko.
- Programako geometriari buruzko atalean hiru dimentsioko espazio euklidearreko elementuen aberastasuna erabiltzen da alderdi metrikoa (biderkadura eskalarra eta biderkadura bektoriala) eta alderdi aljebraikoa (kokapen erlatiboak sistemen bidez) erlazionatzeko.
- Horregatik, garrantzitsua da landutako alderdi geometrikoetan aurki daitezkeen lengoaien aniztasuna azpimarratzea, baita horiek aurreko gaiko kontzeptu aljebraikoekin duten lotura nabarmentzea ere.
- Ariketetan, alderdi metriko "oinarizkoenak" bakarrik agertuko dira, eta sailhestu egingo dira eragiketa zailagialak behar dituztenak.
- Sistemak ebazti beharra dakarten ariketak proposatuz gero unibertsitatea sartzeko probarako, aljebrai buruzko atalean sistementzat aipatu diren muga berberak izango dituzte.

Metodoari eta edukiari buruzko argibideak.

Hona hemen zenbait ideia, zeregin matematikoa hobeto bideratzeko:

- Cramerren erregela.

- Matritzeen biderkaduran garrantzitsua da trukatortasunik eza nabarmentzea.
- Determinantei dagokienez, badakigu determinanteen teoria garatzeko denbora dezente behar dela; aukera bat izan daiteke bi bider bi ordenako determinanteak definizioa emanaz aurkeztea, eta hiru bider hiru ordenakoak, berriz, Sarrusen erregelaren bidez, eta ordena handiagoko kalkuluren bat egitea errenkada edo zutabe bidezko garapena erabiliz.
- Garrantzitsua da errenkada eta zutabeekin eragiketak egitean determinanteek izaten dituzten propietateak eta aldaketak nabarmentzea, eta, era berean, matrizearen maila aldatzen ez duten errenkada eta zutabe bidezko eragiketak nabarmendu behar dira.
- Errenkaden eta zutabeen arteko mendekotasuna eta independentzia interesgarriak dira, bai atal honetarako, bai geometriari buruzko atalerako.
- Gausse metodoa eta Rouché-Frobeniusen teorema sistema aztertzeko eta ebazteko beste bi aukera dira. Edonola ere, sistemen bateragarritasun baldintzak enuntziatzea eta enuntziatu horiek sistema ebazteko erabiltzea da, hain zuzen, bloke honetako oinarriko helburuetako bat.
- Sistemen ariketan lau bider lau ordena erabiliko da, gehienez.
- Sistema parametroak baldin baditu, parametro batera mugatuko da, eta horrek bete behar duen baldintza lehenengo edo bigarren graduko ekuazioen emaitza izan dadin salatu behar da.
- Cramerren erregelaren kasuan, ariketan hiru bider hiru ordena erabiliko da, gehienez.
- Determinanteen kalkulua lau ordenakoetara muga daiteke.
- Zenbakizko matrizeen heinaren azterketa lau bider lau ordenakoetara mugatuko da.

Oharrak.

- Garrantzitsua da aurreko ikasmailetan sistemen soluzioaren kontzeptua landu izana, baita ordezen, berdintze eta laburtze metodoen bidezko ebazpen eraginkorra ere (bi ezezaguneko sistemaarako, gutxienez).
- Testuinguru batean kokatutako problema aljebraikoak planteatzea garrantzitsua da sistemen planteamenduen garrantzia ulertzeko.



Universidad del País Vasco
Euskal Herriko Unibertsitatea

NAZIOARTETOKO
BIKAINITASUN
CAMPUSA
CAMPUS DE
EXCELENCIA
INTERNACIONAL

HEZKUNTZA SAHIA
Hezkuntza Sailburuordetza



EUSKO JAURLARITZA

GOBIERNO VASCO
DEPARTAMENTO DE EDUCACIÓN
Viceconsejería de Educación



Finkatutako edukiez gain, aipatutako araudiek bi alderdi azpimarratzen dituzte bereziki: Informazioaren eta Komunikazioaren Teknologien erabilera eta problemen ebazpena.

- Bistakoa denez, alderdietako lehena ezin da bere osotasunean proposatu eta laguntzaile matematiko zentzuz erabiltzea lehen mailako balibidea dela, eta komeni da horiek ez alde batera uztea ikasgelako egunerokotasunean.
- Bigarren alderdia, problemen ebazpena, ez da ebaluatuko proban (azken urteetan ez bezala), baina funtsezko elementua da ikasgelako lanean, eta komeni da hori ere lantzea; egokiena irakasgaia garatzen den heinean lantzea da.
- Bestalde, definizio formalek, frogantzek (absurdora eramatea, kontraadibideak) eta kateamendu logikoek (implikazioa, baliokidetzak) baliotasuna ematen diete intuizioei, eta sendotasuna, berriz, erabilitako teknikei. Hala ere, nolabaiteko oreka bilatu behar da, ikasleek une honetan egin behar baitiote aurre lehen aldiz halako seriotasunez lengoia formalari. Azken batean, zorrotasunak ez du oinarritzko ideien mamia desitxuratu behar.

Edukizko blokeen garapena

1. Aljebra.

Helburuak.

Ikasleek helburu hauek erdietsi behar dituzte:

- Matritze kalkulua erabiltzea eta horren propietateak zein aplikazioak ezagutzea.
- Determinanteak kalkulatzeko eta horien propietateak eta aplikazioak ezagutzea.
- Ekuazio linealeko sistematik ikastea eta ebaztea.
- Problema aljebraikoak planteatzea eta ebaztea.

Kontzeptuak, prozedurak eta emaitzak.

Hauek dira aipatutako helburuak lortzeko kontzeptu, metodo eta emaitza teoriko nagusiak:

- Eragiketak matritzeekin. Propietateak.
- Determinanteak. Propietateak eta kalkulua.
- Matritzearen heina eta horren kalkulua.
- Sistemak: baliokidetzak, bateragarritasuna eta ebazpena.
- Matritzearen heinaren eta determinanteen arteko erlazioa.
- Alderantzizko matritzearen kalkulua.
- Errenkada eta zutabeen mende-kotasunaren kontzeptuak.
- Sistemen planteamendua eta ebazpena.
- Gausse metodoa.
- Rouché-Frobeniusen teorema.